

Alberi – Albero livello–valore

Scrivere un algoritmo che preso in input un albero binario T i cui nodi sono associati ad un **valore** intero $T.value$, restituisca il numero di nodi dell'albero il cui **valore è uguale al livello del nodo**.

Vi ricordo che il **livello del nodo** è pari al numero di archi che devono essere attraversati per raggiungere il nodo dalla radice. Per cui la radice ha livello 0, i suoi figli hanno livello 1, etc.

Alberi – Cammino radice–discendente crescente

Dato un albero binario contenente interi, scrivere un algoritmo che restituisca la lunghezza del **più lungo cammino monotono crescente** radice-discendente, dove:

- il discendente non è necessariamente foglia;
- con lunghezza si intende **il numero totale di archi** attraversati;
- con monotona crescente si intende che i valori contenuti nei nodi della sequenza devono essere ordinati in senso crescente da radice a discendente.

Discuterne correttezza e complessità.

Alberi – Grado di sbilanciamento

Si consideri un albero binario T :

- Il **grado di sbilanciamento di un nodo v** è pari alla differenza, in valore assoluto, fra il numero di foglie presenti nel sottoalbero sinistro di v e quelle presenti nel sottoalbero destro di v .
- Il **grado di sbilanciamento dell'albero T** è pari al massimo grado di sbilanciamento dei nodi di T .

Scrivere un algoritmo che dato un albero T , restituisca il grado di sbilanciamento dell'albero. Discuterne correttezza e complessità.

Nota: In pseudocodice, è possibile restituire una coppia di valori:

```
(int, int) fun1(TREE T)
```

```
[...]  
return (a, b)
```

```
int fun2(TREE T)
```

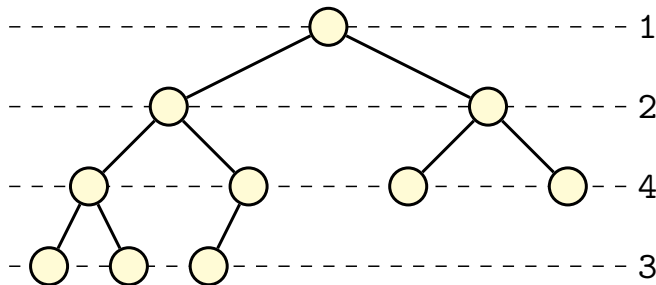
```
int, int x, y = fun1(TREE T)  
return y
```

Alberi – Larghezza albero

La **larghezza di un albero** T è il numero massimo di nodi di T che stanno tutti al medesimo livello.

Scrivere un algoritmo che restituisca la larghezza di un albero ordinato T contenente n nodi.

Larghezza livello



SortinoSort

Il professor Sortino ha inventato un nuovo algoritmo di ordinamento.

- Il vettore di input viene diviso in tre parti, di dimensioni circa $n/3$.
- Vengono ordinati ricorsivamente i primi due terzi, i secondi due terzi, e infine di nuovo i primi due terzi.

```
SortinoSort(int[] A, int i, int j)
```

```
if  $j - i + 1 \leq 6$  then
```

```
    InsertionSort(A, i, j)
```

```
else
```

```
    int  $s = \lceil (j - i + 1) / 3 \rceil$ 
```

```
    SortinoSort(A, i, i + 2s - 1)
```

```
    SortinoSort(A, i + s, j)
```

```
    SortinoSort(A, i, i + 2s - 1)
```

- ① Qual è la complessità di questo algoritmo? Il Prof. Sortino finirà nella prossima edizione del mio libro?
- ② (Difficile, Opzionale) Dimostrare per induzione che questo algoritmo è corretto. Per comodità, assumete pure che tutti i valori siano distinti.